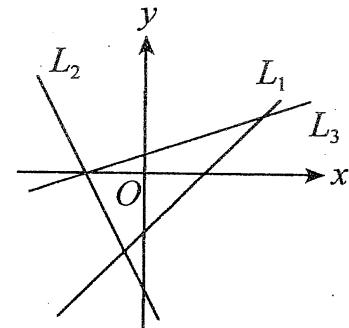


台北市立  
成功高中一學年度第一學期二年級數學科第二次期中考試題卷

一、填充題：(每格 6 分，共 90 分)

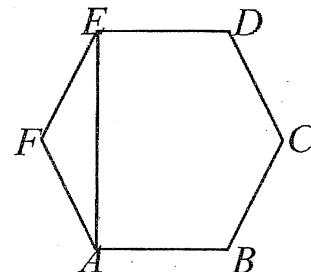
1. 右圖為三直線  $L_1: x + ay - 1 = 0$ ,  $L_2: bx + y + 2 = 0$  與  $L_3: x + cy + 1 = 0$  的圖形，則  $a, b, c$  三數的大小順序為 (A)。



2. 設  $A(4, a)$ ,  $B(0, 6)$  兩點對稱於直線  $x + ay + b = 0$ ，求數對  $(a, b) = \underline{\hspace{2cm}}(B)\underline{\hspace{2cm}}$ 。

3. 如右圖正六邊形 ABCDEF 中，令  $\vec{AB} = \vec{a}$ ,  $\vec{AF} = \vec{b}$ ,

則  $\vec{EA}$  以  $\vec{a}, \vec{b}$  表示應為 (C)。



4. 在  $\triangle ABC$  中，若  $x\vec{AB} + (y+3)\vec{CB} + (x+4)\vec{AC} = \vec{0}$ ，則數對  $(x, y) = \underline{\hspace{2cm}}(D)\underline{\hspace{2cm}}$ 。

5. 已知直線  $L: mx - y + 3 - m = 0$ ， $m$  是實數， $A(4, 5), B(4, 2)$ ， $L$  和線段  $\overline{AB}$  相交，則  $m$  的範圍為 (E)。

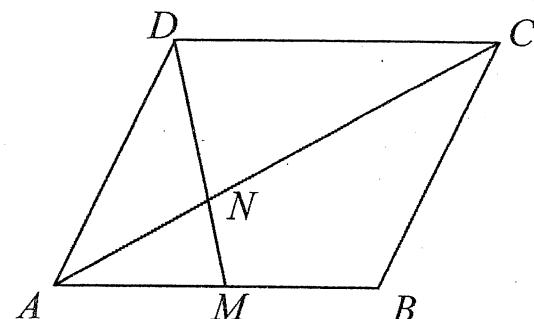
6. 已知  $\vec{a} = (2, 3)$ ,  $\vec{b} = (1, 1)$ ，試求  $|\vec{a} + t\vec{b}|$  之最小值為 (F)。

7. 設直線  $L_1$  的參數式為  $\begin{cases} x = 1-t \\ y = 2+t \end{cases}, t \in R$ ，直線  $L_2$  的參數式為  $\begin{cases} x = 3+2t \\ y = -3+t \end{cases}, t \in R$ ，則直線  $L_1$  與  $L_2$  的交點坐標為 (G)。

8. 在平行四邊形  $ABCD$  中， $\vec{AE} = \frac{2}{3}\vec{AC}$ ，設  $\vec{EB} = r\vec{AB} + s\vec{AC}$ ，則數對  $(r, s) = \underline{\hspace{2cm}}(H)\underline{\hspace{2cm}}$ 。

9. 如右圖平行四邊形  $ABCD$  中，已知  $M$  為  $\overline{AB}$  之中點，

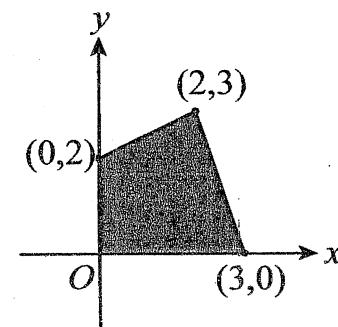
$N$  為  $\overline{AC}$  與  $\overline{DM}$  之交點，則  $\overline{AN} : \overline{NC} = \underline{\hspace{2cm}}(I)\underline{\hspace{2cm}}$ 。





10. 設直線  $L$  通過點  $(4,1)$  且在第四象限與兩坐標軸圍成的三角形面積為 1，則  $L$  的方程式為  
(J)。

11. 已知二元一次聯立不等式  $\begin{cases} x + ay \geq b \\ cx + y \leq d \\ x \geq 0 \\ y \geq 0 \end{cases}$  的圖形如右，



(1) 求  $a + b + c - d =$  (K)。

(2) 若  $P(x, y)$  為此解區域的任一點，則  $\frac{y+2}{3x+1}$  的最小值為 (L)。

(3) 若  $(x, y) = (0, 2)$  是目標函數  $kx + y$  在此解區域取得最大值的唯一點，則實數  $k$  的範圍為  
(M)。

12. 若  $2\vec{OA} + 3\vec{OC} = \vec{OE}$  且  $\vec{OA} + 2\vec{OC} - \vec{OB} = \vec{0}$ ，則四邊形  $AECO$  面積：四邊形  $ABCO$  面積 =  
(N)。

13. 已知  $O$ 、 $A$ 、 $B$  為平面上三點，且  $\angle AOB = 30^\circ$ ， $\overline{OA} = 3$ ， $\overline{OB} = 2$ 。設  $\overrightarrow{OP} = x\overrightarrow{OA} + y\overrightarrow{OB}$ ，在  
 $x + y \geq 2$  且  $2x - y \leq 4$  且  $y \leq 2$  的條件之下，則  $\overrightarrow{OP}$  之終點  $P$  所形成的區域面積為  
(O)。

## 二、計算題：(共 10 分)

1. 幸福公司所生產的產品，存放在甲、乙兩倉庫各有 40 單位，現在  $A$  鎮的需求量是 20 單位， $B$  鎮的需求量是 30 單位，下表是各倉庫運輸到兩鎮的每單位運費：

城鎮 倉庫	$A$ 鎮	$B$ 鎮
甲倉庫	35 元	20 元
乙倉庫	40 元	30 元

在滿足兩鎮的需求下，應如何分配才可最節省運費成本？請回答下列問題：

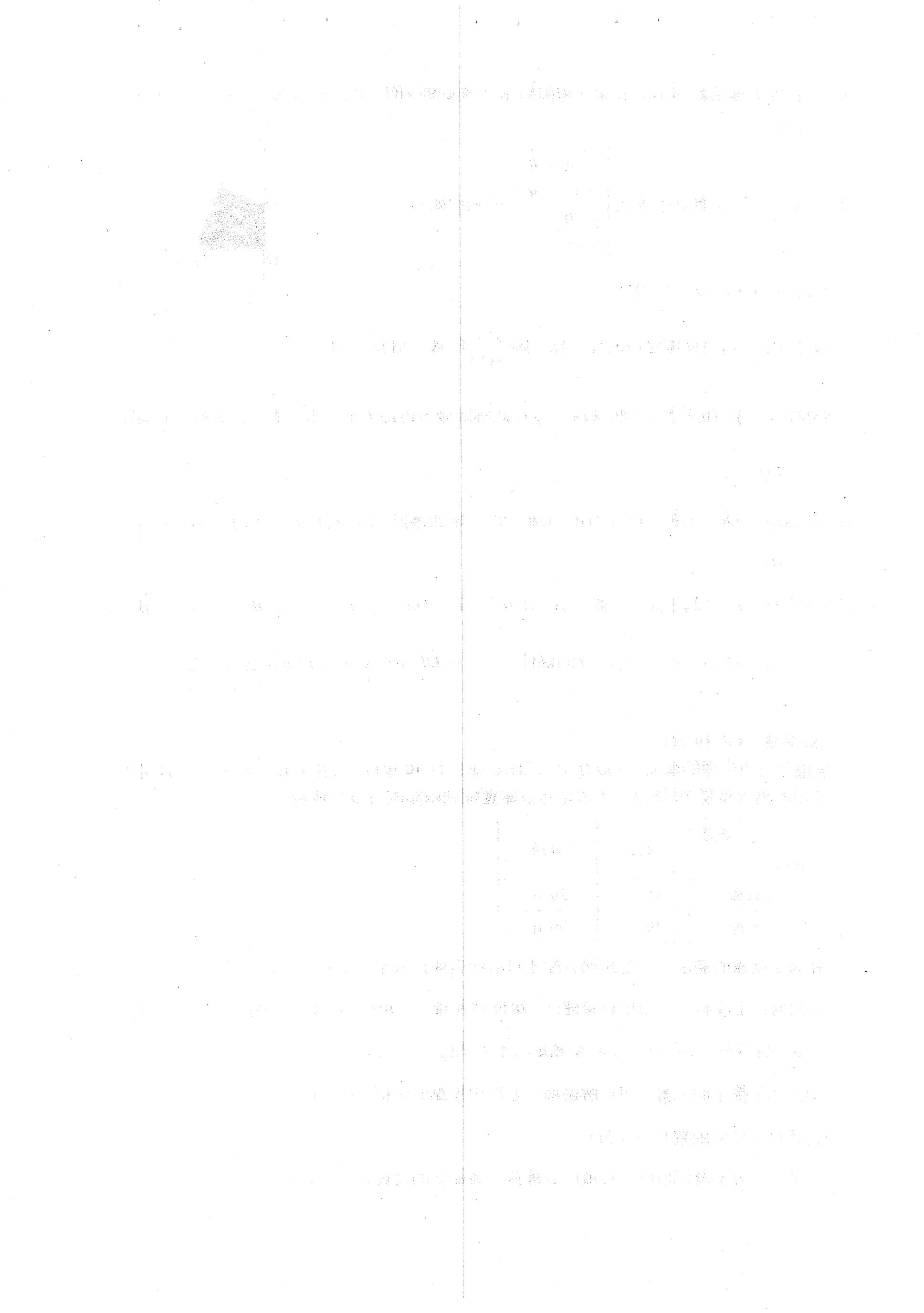
(1) 根據以上資料，設由甲倉庫運送  $x$  單位到  $A$  鎮， $y$  單位到  $B$  鎮，則除了  $x \geq 0$ ， $y \geq 0$

兩個條件外，寫下  $x$ ， $y$  必須滿足的不等式組。(2 分)

(2) 試在坐標平面上畫出可行解區域，並標出頂點的坐標。(3 分)

(3) 請寫出目標函數  $P$ 。(1 分)

(4) 當  $x$ ， $y$  分別為何值時，可最節省運費？最節省的運費為多少元？(4 分)



台北市立  
成功高中 一〇一學年度第一學期二年級數學科第二次期中考答案卷

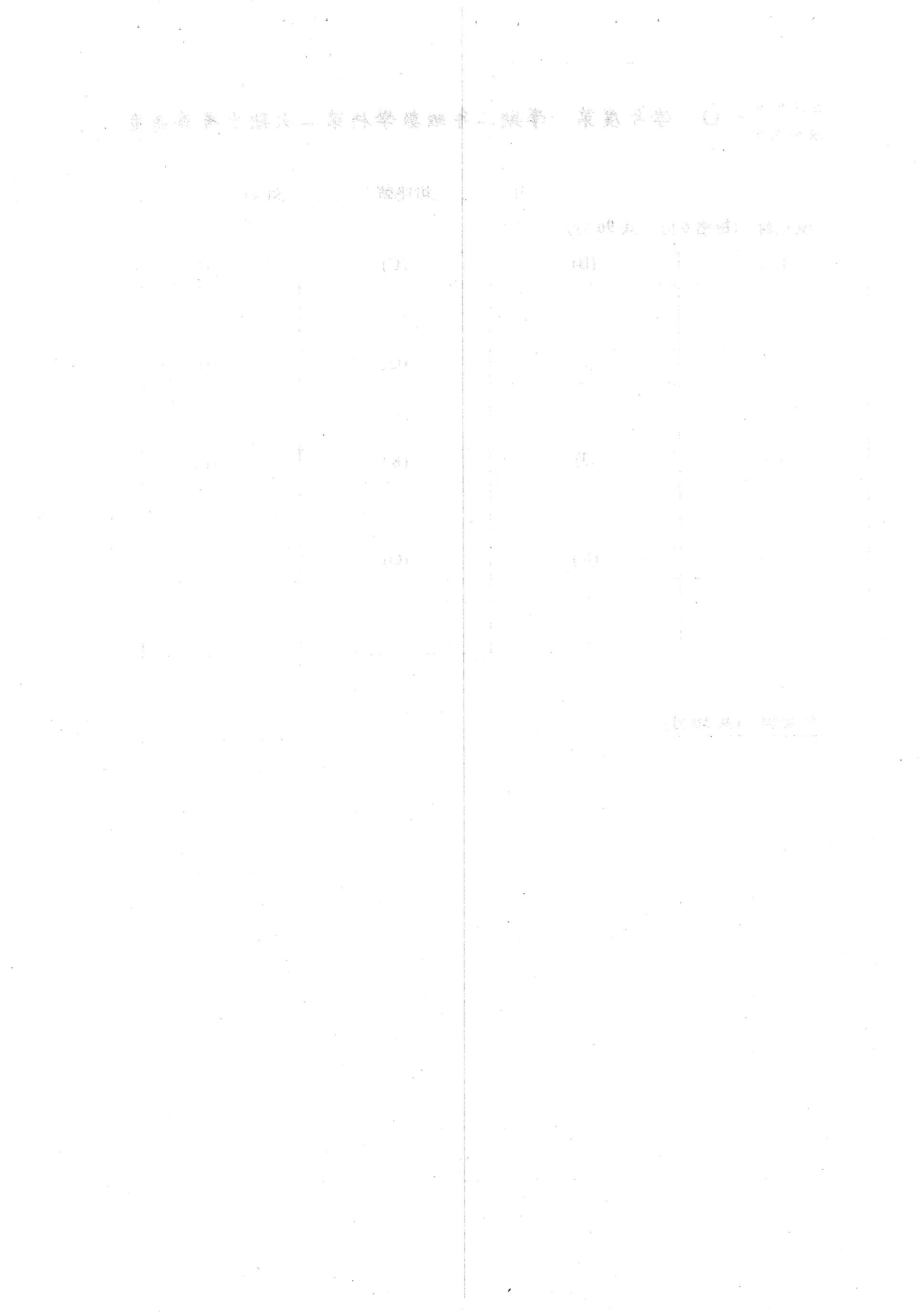
二年\_\_\_\_\_班座號：\_\_\_\_\_姓名：\_\_\_\_\_

一、填充題：(每格 6 分，共 90 分)

(A)	(B)	(C)	(D)
(E)	(F)	(G)	(H)
(I)	(J)	(K)	(L)
(M)	(N)	(O)	
			X

二、計算題：(共 10 分)

1.



台北市立一〇一學年度第一學期二年級數學科第二次期中考答案卷  
成功高中

一、填充題：(每格 6 分，共 90 分)

(A)	(B)	(C)	(D)
$b > a > c$	(-2,2)	$-\vec{a} - 2\vec{b}$	(-2,-1)
(E)	(F)	(G)	(H)
$-\frac{1}{3} \leq m \leq \frac{2}{3}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	(5,-2)	$(1, -\frac{2}{3})$
(I)	(J)	(K)	(L)
1 : 2	$x - 2y - 2 = 0$	-12	$\frac{1}{5}$
(M)	(N)	(O)	
$k < -\frac{1}{2}$	5 : 3	9	

二、計算題：(共 10 分)

1.

(1) (2 分) (3) (1 分)  $P = 35x + 20y + 40(20 - x) + 30(30 - y) = -5x - 10y + 1700$

$$\begin{cases} x \geq 0 \\ y \geq 0 \\ 20 - x \geq 0 \\ 30 - y \geq 0 \\ x + y \leq 40 \\ (20 - x) + (30 - y) \leq 40 \end{cases}$$

(2) (3 分)

(4) (4 分)  $x = 10, y = 30$  時，運輸成本  $P = 1350$  元為最小。

作可行解區域如圖：

